

<https://participant.turningtechnologies.eu/en/join>



PointSolutions



Session

Session ID:

mecain



Reserve

Remove

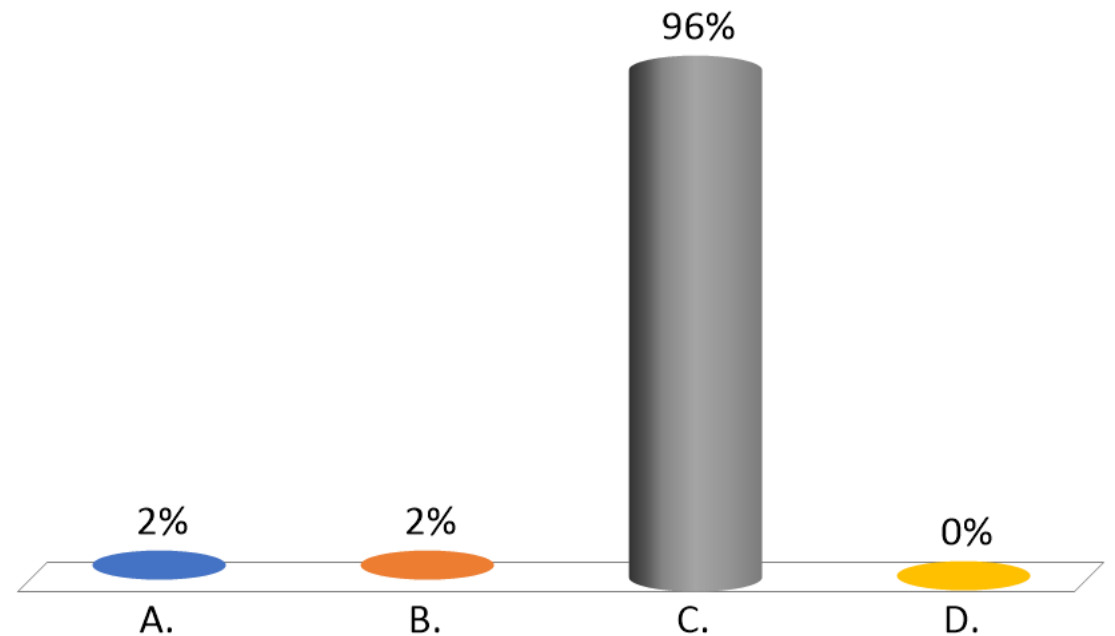
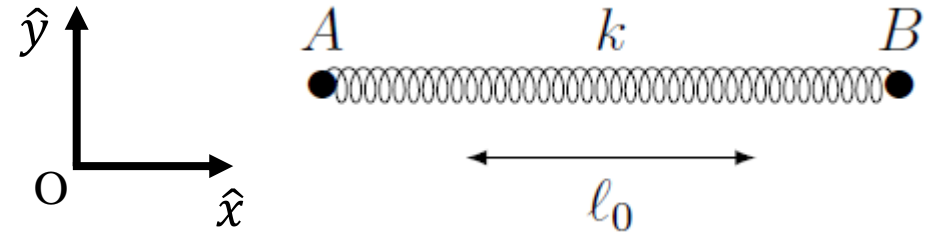
Session Options

Start Session

Close

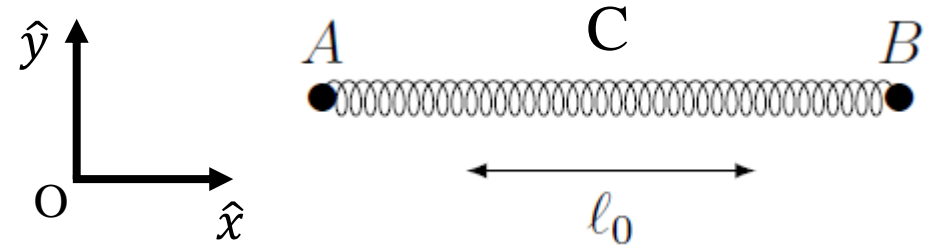
On considère le ressort en figure (longueur à vide  $l_0$ ), immobile dans le référentiel.  
Quelle est la relation entre les forces agissant sur les points A et B?

- A.  $F_A = F_B = 0$
- B.  $\vec{F}_A = \vec{F}_B = -k(x_B - l_0)\hat{x}$
- ✓ C.  $\vec{F}_A = -\vec{F}_B$
- D.  $\vec{F}_A = 0; \vec{F}_B = -k(x_B - l_0)\hat{x}$



On considère le ressort en figure (longueur à vide  $l_0$ ), immobile dans le référentiel.  
Quelle est la relation entre les forces agissant sur les points A et B?

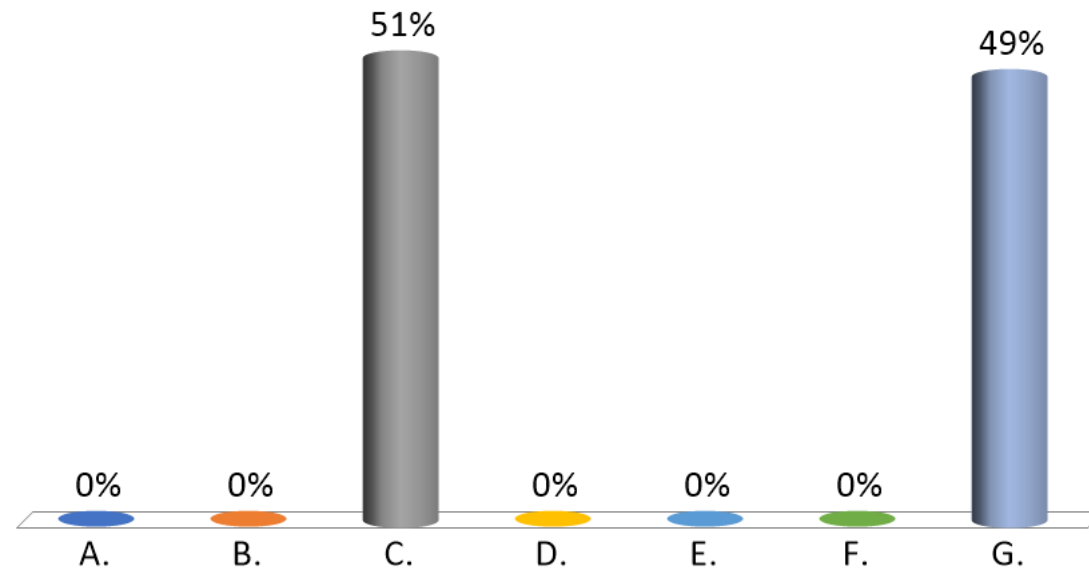
- A.  $F_A = F_B = 0$
- B.  $\vec{F}_A = \vec{F}_B = -k(x_B - l_0)\hat{x}$
- ✓ C.  $\vec{F}_A = -\vec{F}_B$
- D.  $\vec{F}_A = 0; \vec{F}_B = -k(x_B - l_0)\hat{x}$



Le centre du ressort (C) est immobile, donc la somme des force doit etre nulle

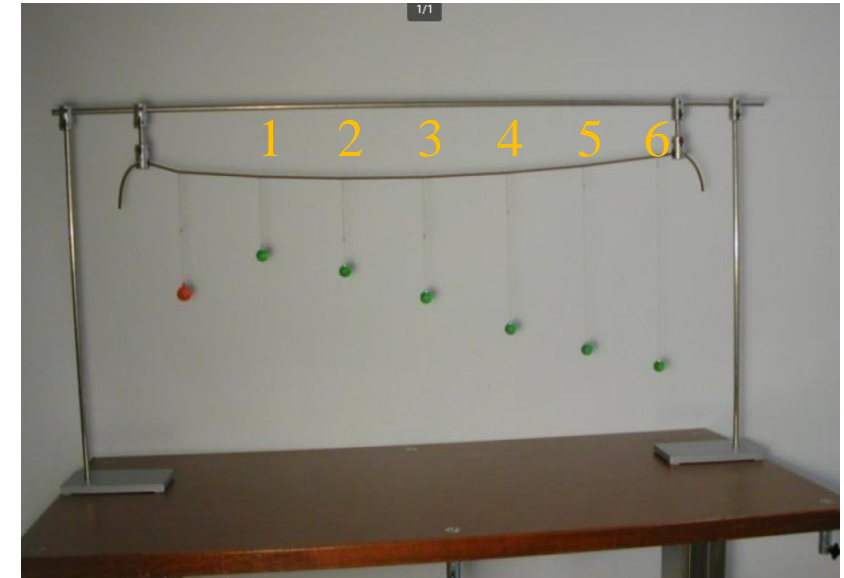
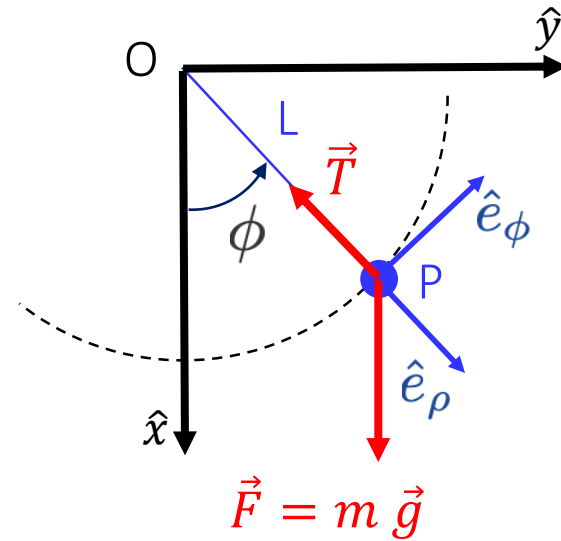
On considère le system de pendules en figure. On fait osciller le pendule rouge à la fréquence  $\omega$  et on regarde le mouvement des autres pendules. Tous les pendules ont la même masse. Qui va osciller à la même fréquence?

- A. 1
- B. 2
- ✓ C. 3
- D. 4
- E. 5
- F. 6
- G. tous



On considère le system de pendules en figure. On fait osciller le pendule rouge à la fréquence  $\omega$  et on regarde le mouvement des autres pendules. Tous les pendules ont la même masse. Qui va osciller à la même fréquence?

- A. 1
- B. 2
- ✓ C. 3
- D. 4
- E. 5
- F. 6
- G. tous



Les pendules sont couplés par le fil de support, mais chaque pendule a une fréquence propre d'oscillation donnée par:

$$\nu_0 = \frac{1}{2\pi} \sqrt{\frac{g}{L}}$$



Il s'agit du pendula qui a la meme longueur de celui avec la balle rouge

Sur Terre, une masse de 1Kg produit une élongation  $\Delta l_T$  sur un ressort de raideur  $k$ .  
 Un astronaute dans la station orbitale tournante mesure l'élongation du même ressort orienté selon le rayon de la station. Si la station spatiale tourne avec une vitesse angulaire  $\omega = 3 \sqrt{\frac{g}{R}}$ , quelle est la déformation  $\Delta l_S$  mesurée par l'astronaute?

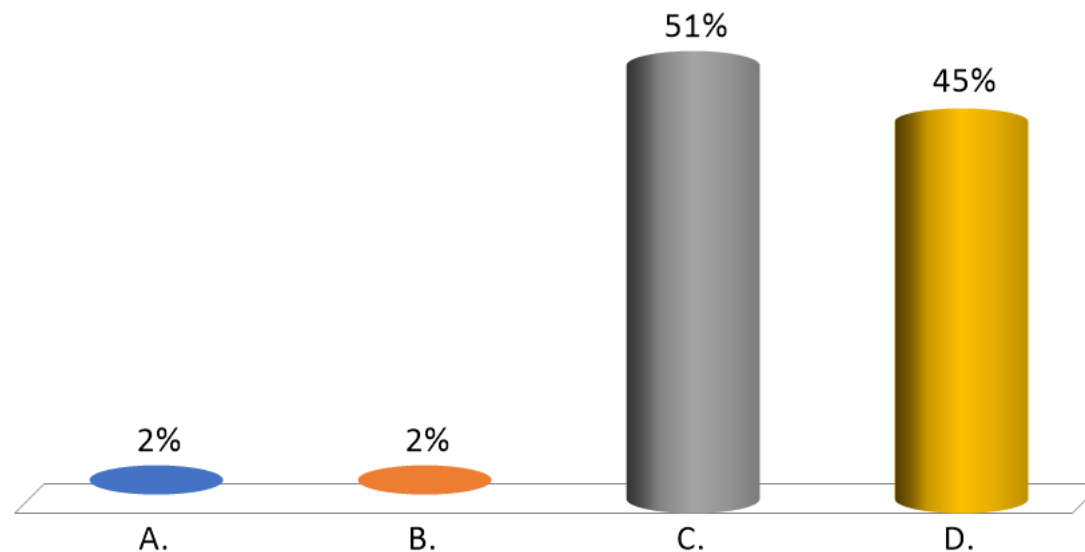
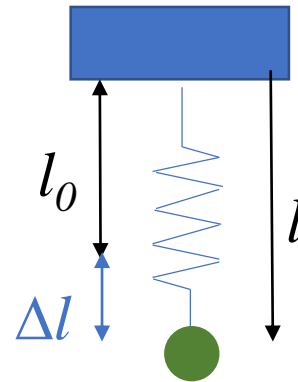


A.  $\Delta l_S = -9 \Delta l_T$

B.  $\Delta l_S = -3 \Delta l_T$

C.  $\Delta l_S = 3 \Delta l_T$

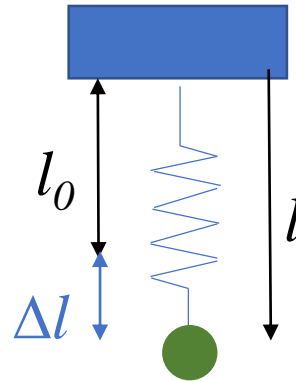
✓ D.  $\Delta l_S = 9 \Delta l_T$



Sur Terre, une masse de 1Kg produit une élongation  $\Delta l_T$  sur un ressort de raideur  $k$ .

Un astronaute dans la station orbitale tournante mesure l'élongation du même ressort orienté selon le rayon de la station. Si la station spatiale tourne avec une vitesse angulaire  $\omega = 3 \sqrt{\frac{g}{R}}$ , quelle est la déformation  $\Delta l_S$  mesurée par l'astronaute?

- A.  $\Delta l_S = -9 \Delta l_T$
- B.  $\Delta l_S = -3 \Delta l_T$
- C.  $\Delta l_S = 3 \Delta l_T$
- ✓ D.  $\Delta l_S = 9 \Delta l_T$

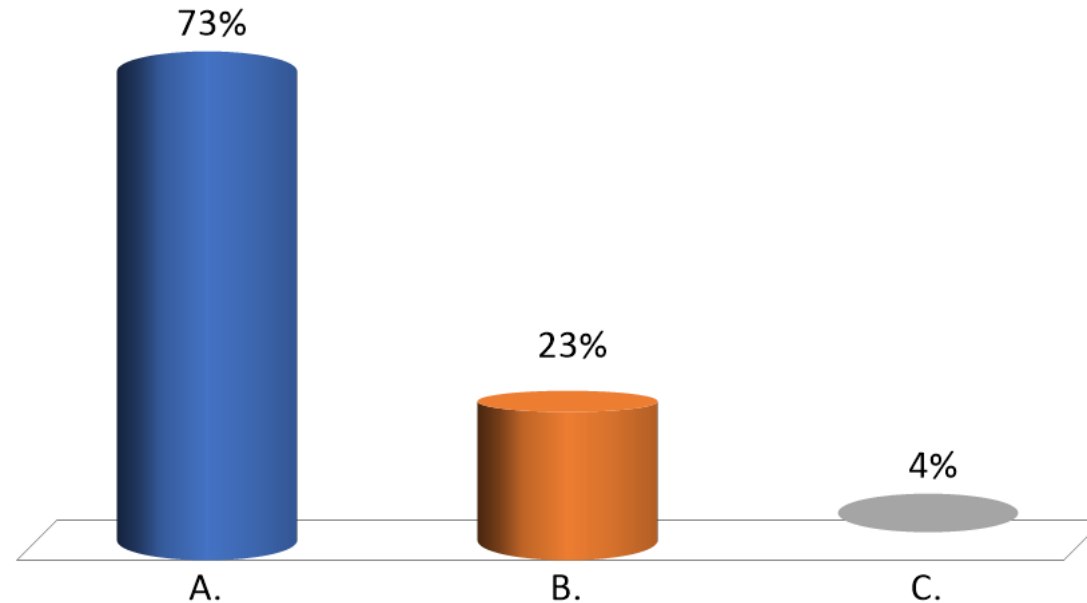
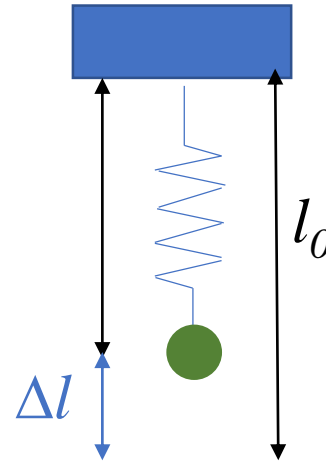


Sur Terre, le long de la normale au sol:  $-k\Delta l_T + mg = 0 \Rightarrow \Delta l_T = \frac{mg}{k}$

Sur la station spatiale, le long du rayon:  $-k\Delta l_S = -m\omega^2 R \Rightarrow \Delta l_S = \frac{m\omega^2 R}{k} = \frac{mR}{k} 9 \frac{g}{R} = 9 \frac{mg}{k} = 9\Delta l_T$

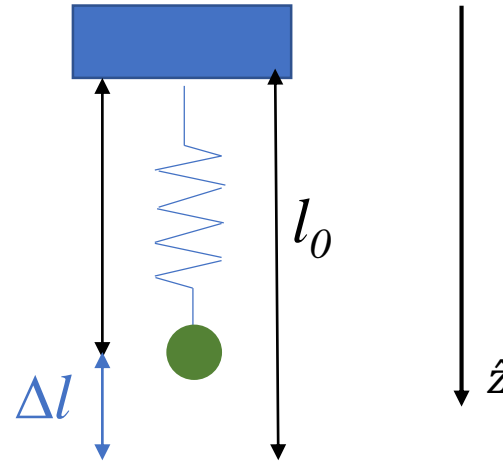
On considère un ressort de raideur  $k$  et longueur à vide  $l_0$ . On comprime le ressort de  $\Delta l$  et après avoir attaché une balle de masse  $m$ , on le laisse libre de bouger. Quel mouvement effectue la balle? On néglige tout frottement

- ✓ A. Oscillation périodique
- B. Oscillation amortie
- C. Oscillation forcée



On considère un ressort de raideur  $k$  et longueur à vide  $l_0$ . On comprime le ressort de  $\Delta l$  et après avoir attaché une balle de masse  $m$ , on le laisse libre de bouger. Quel mouvement effectue la balle? On néglige tout frottement

- ✓ A. Oscillation périodique
- B. Oscillation amortie
- C. Oscillation forcée



L'équation différentielle qui décrit le mouvement est:

$$m\ddot{z} = -kz + mg$$



Oscillateur harmonique

Cette équation différentielle est différente de celles qui décrivent les autres deux mouvements:

$$m\ddot{z} = -kz - b\dot{z} \quad \text{Oscillateur amorti}$$

$$m\ddot{z} = -kz + f \cos \omega t \quad \text{Oscillateur forcé}$$

On attache une balle de masse  $m$  à un ressort de raideur  $k$  et longueur à vide  $l_0$ . Après avoir comprimé le ressort de  $\Delta l$ , on le laisse libre de bouger. La balle effectue des oscillations de pulsation  $\omega = \sqrt{\frac{k}{m}}$ .

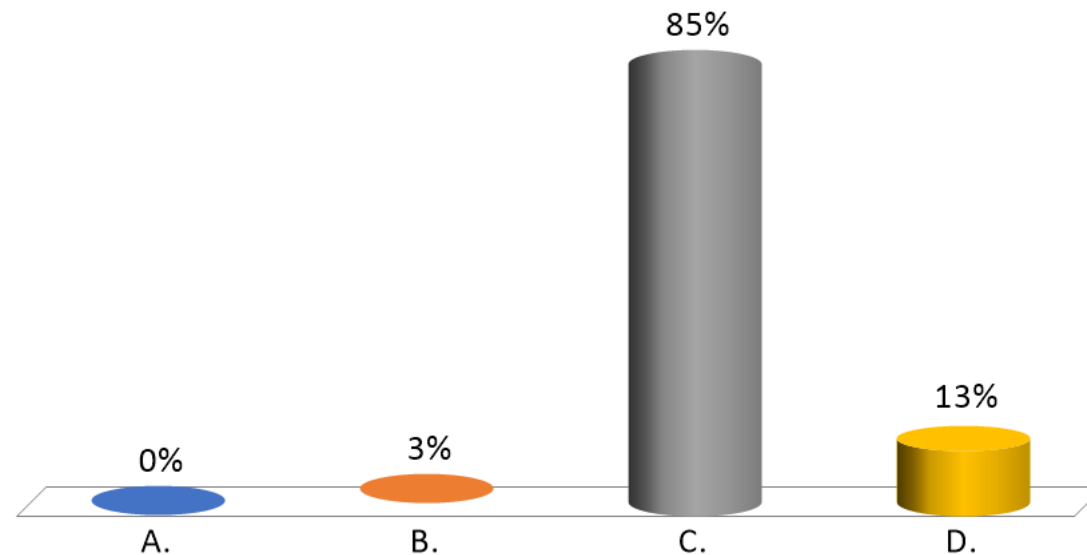
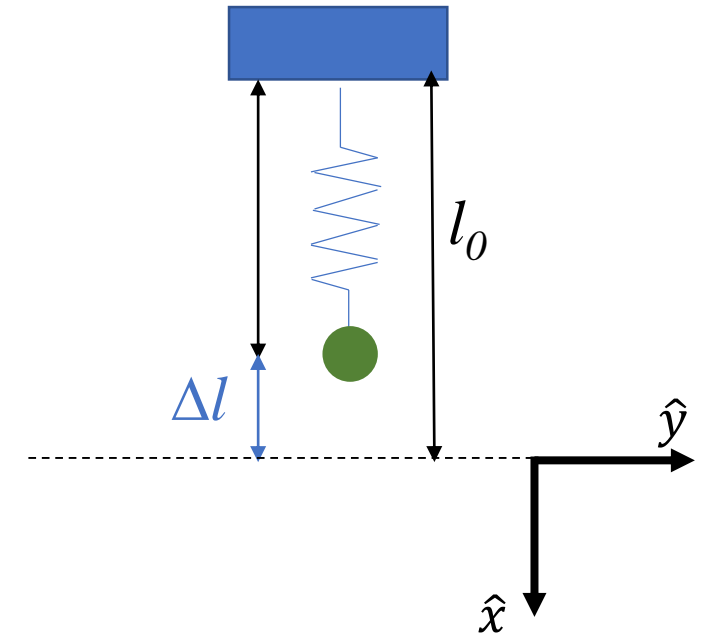
Quelle est l'amplitude des oscillations? On néglige tout frottement

A.  $\Delta l$

B.  $\Delta l + \frac{2g}{\omega^2}$

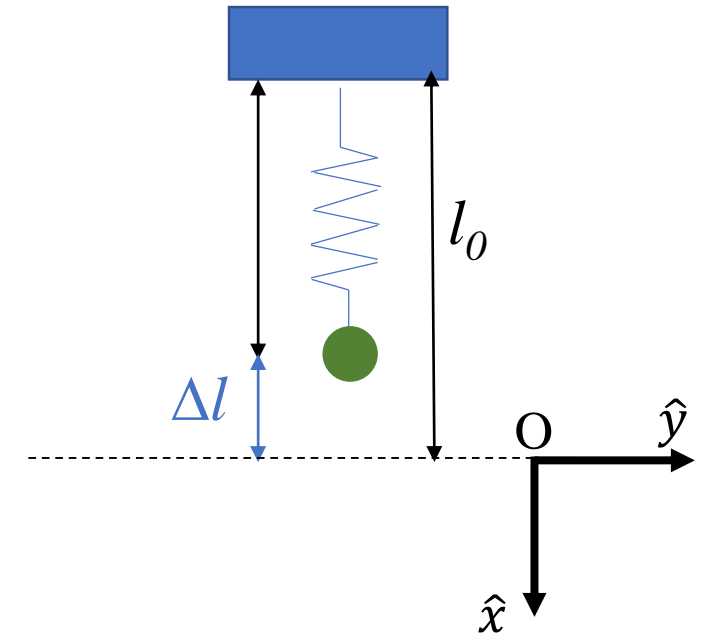
✓ C.  $\Delta l + \frac{g}{\omega^2}$

D.  $\Delta l - \frac{g}{\omega^2}$



On attache une balle de masse  $m$  à un ressort de raideur  $k$  et longueur à vide  $l_0$ . Après avoir comprimé le ressort de  $\Delta l$ , on le laisse libre de bouger. La balle effectue des oscillations de pulsation  $\omega = \sqrt{\frac{k}{m}}$ .

Quelle est l'amplitude des oscillations? On néglige tout frottement



A.  $\Delta l$

B.  $\Delta l + \frac{2g}{\omega^2}$

✓ C.  $\Delta l + \frac{g}{\omega^2}$

D.  $\Delta l - \frac{g}{\omega^2}$

Par rapport au repère  $O\hat{x}\hat{y}$ , la deuxième loi de Newton s'écrit:  $m\ddot{x} = -kx + mg$

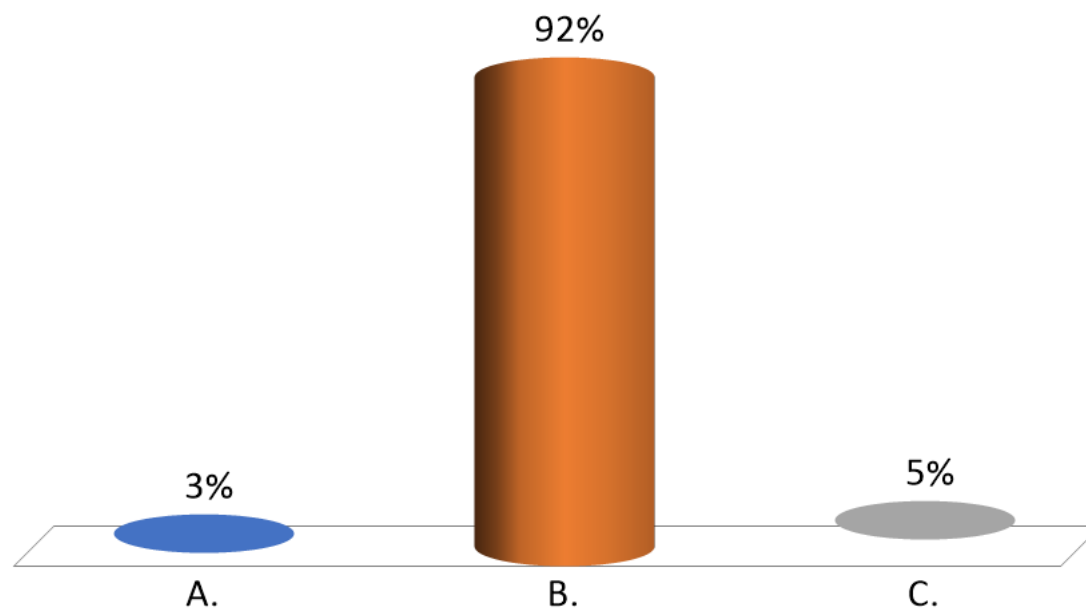
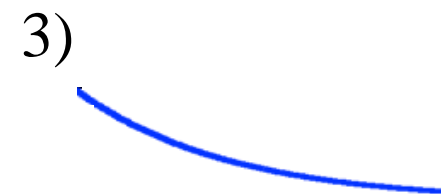
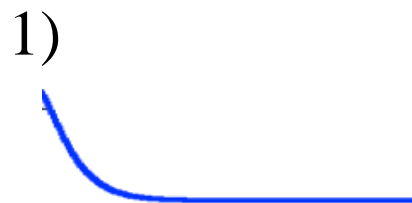
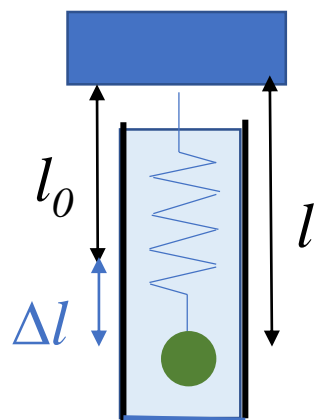
La solution est la fonction:  $x = A \cos \omega t + B \sin \omega t + \frac{mg}{k}$ ;  
avec la condition initiale  $x(0) = -\Delta l = A + \frac{mg}{k} = A + \frac{g}{\omega^2}$   $\Rightarrow A = -\Delta l - \frac{g}{\omega^2}$

On a aussi que:  $\dot{x} = -A\omega \sin \omega t + B\omega \cos \omega t$ ; avec la condition initiale  $\dot{x}(0) = 0 = B\omega \Rightarrow B = 0$

Donc:  $x(t) = -(\Delta l + \frac{g}{\omega^2}) \cos \omega t + \frac{mg}{k}$

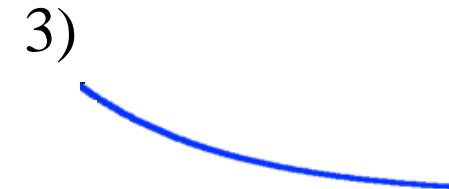
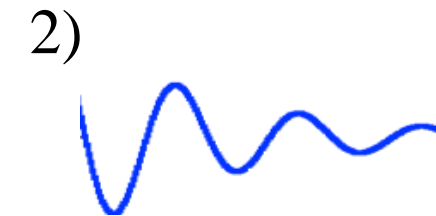
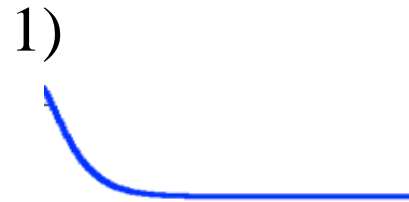
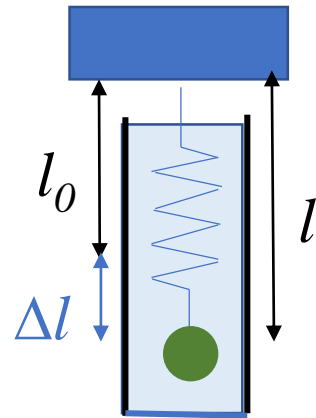
On place une masse  $m = 10 \text{ Kg}$ , connecté à un ressort de raideur  $k = 2 \text{ N/m}$ , dans un gas (coefficient de friction  $b = 2 \text{ kg/s}$ ). On allonge le ressort de  $\Delta l$  et on observe le mouvement. Quelle est la dépendance temporelle de l'amplitude des oscillations ?

- A. 1
- ✓ B. 2
- C. 3



On place une masse  $m = 10 \text{ Kg}$ , connecté à un ressort de raideur  $k = 2 \text{ N/m}$ , dans un gas (coefficient de friction  $b = 2 \text{ kg/s}$ ). On allonge le ressort de  $\Delta l$  et on observe le mouvement. Quelle est la dépendance temporelle de l'amplitude des oscillations ?

- A. 1
- ✓ B. 2
- C. 3



L'équation différentielle qui décrit le mouvement est:

$$m\ddot{z} = -kz - b\dot{z}$$

Oscillateur amorti

Le mouvement est déterminé par la quantité  $\Delta$

$$\Delta = \gamma^2 - \omega_0^2$$

$$\gamma = \frac{b}{2m}; \quad \omega_0 = \sqrt{\frac{k}{m}}$$

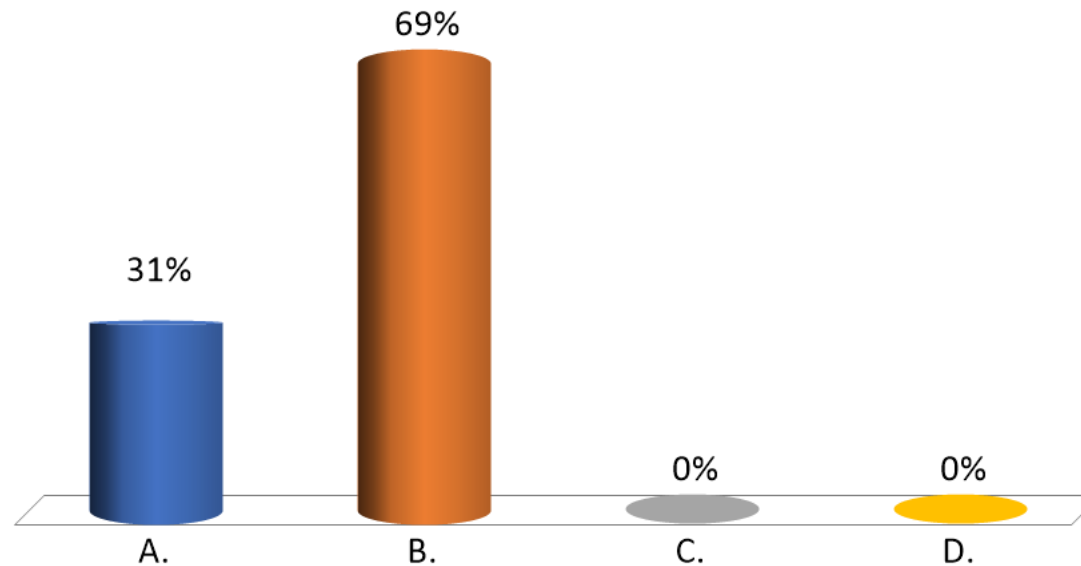
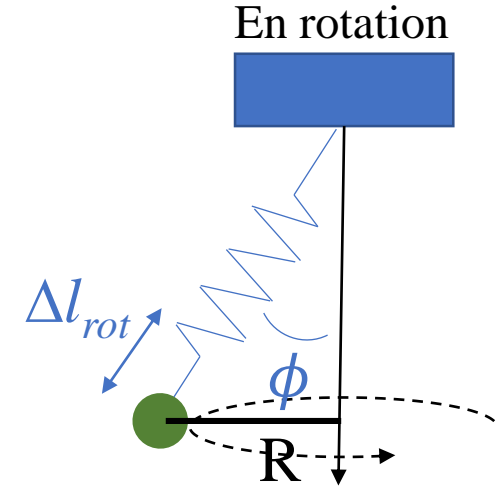
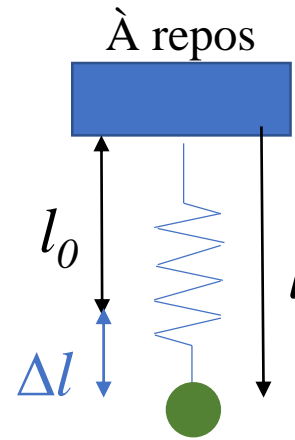


$$\Delta = \frac{b^2}{4m^2} - \frac{k}{m} = \frac{1}{4m^2} (b^2 - 4km) < 0$$

On est donc dans un régime sous-critique

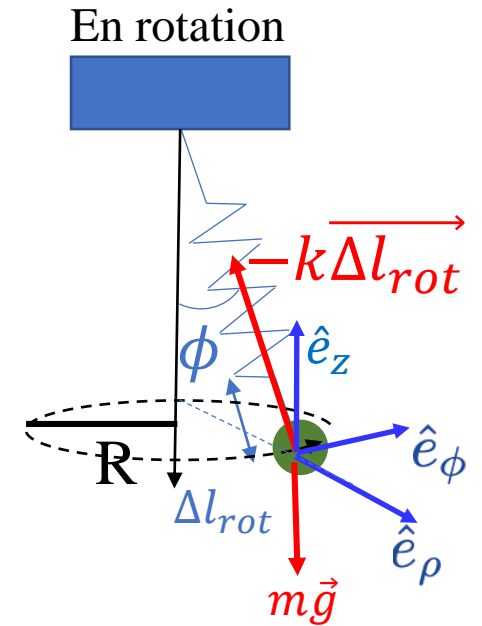
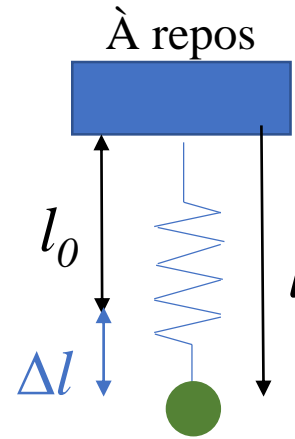
Une masse de 1Kg attachée à un ressort de raideur  $k$  produit un' élongation  $\Delta l$ . On met le ressort avec la balle en rotation avec vitesse angulaire  $\omega = \sqrt{\frac{g}{R}}$ : quelle situation est correcte?

- A.  $\phi = 30^\circ$ ;
- ✓ B.  $\phi = 45^\circ$ ;
- C.  $\phi = 90^\circ$ ;
- Δ.  $\phi = 60^\circ$ ;



Une masse de 1Kg attachée à un ressort de raideur  $k$  produit un' élongation  $\Delta l$ . On met le ressort avec la balle en rotation avec vitesse angulaire  $\omega = \sqrt{\frac{g}{R}}$ : quelle situation est correcte?

- A.  $\phi = 30^\circ$ ;
- ✓ B.  $\phi = 45^\circ$ ;
- C.  $\phi = 90^\circ$ ;
- Δ.  $\phi = 60^\circ$ ;



En coordonnées cylindriques on a que:

$$m\vec{g} \cdot \hat{e}_\rho - k \overline{\Delta l} \cdot \hat{e}_\rho = m(\ddot{\rho} - \rho\dot{\phi}^2)\hat{e}_\rho \cdot \hat{e}_\rho$$

$$-k\Delta l_{rot}\sin\phi = -m\rho\dot{\phi}^2 = -mR\frac{g}{R} = -mg$$

$$0 = m(\rho\ddot{\phi} + 2\dot{\rho}\dot{\phi})\hat{e}_\phi$$

$$\Rightarrow 0 = 0$$



$$-k\Delta l_{rot}\sin\phi = -k\Delta l_{rot}\cos\phi$$



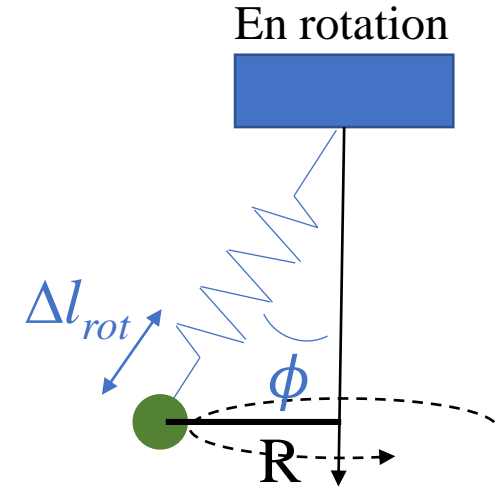
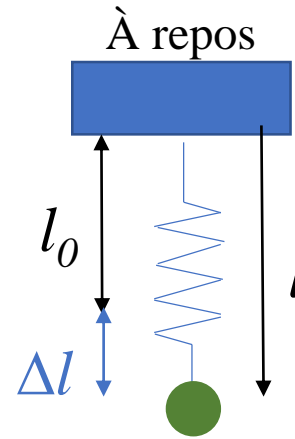
$$m\vec{g} \cdot \hat{e}_z - k \overline{\Delta l} \cdot \hat{e}_z = m\ddot{z}\hat{e}_z \cdot \hat{e}_z$$

$$-mg = -k\Delta l_{rot}\cos\phi$$

$$\phi = 45^\circ;$$

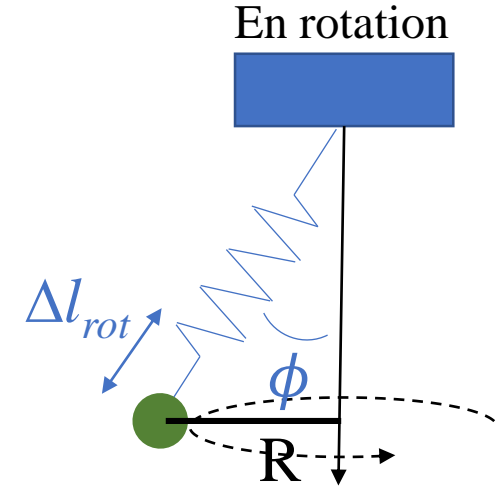
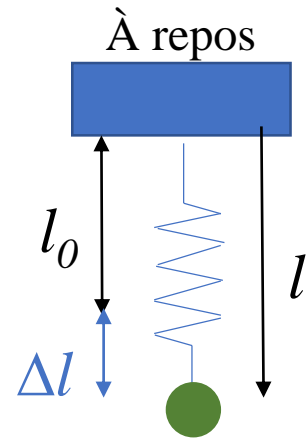
Une masse de 1Kg attachée à un ressort de raideur  $k$  produit un' élongation  $\Delta l$ . On met le ressort avec la balle en rotation avec vitesse angulaire  $\omega = \sqrt{\frac{g}{R}}$ : quelle situation est correcte?

- A.  $\Delta l_{rot} = \Delta l$
- ✓ B.  $\Delta l_{rot} = \sqrt{2} \Delta l$
- C.  $\Delta l_{rot} = \Delta l / \sqrt{2}$
- D.  $\Delta l_{rot} = 2 \Delta l$



Une masse de 1Kg attachée à un ressort de raideur  $k$  produit un' élongation  $\Delta l$ . On met le ressort avec la balle en rotation avec vitesse angulaire  $\omega = \sqrt{\frac{g}{R}}$ : quelle situation est correcte?

- A.  $\Delta l_{rot} = \Delta l$
- ✓ B.  $\Delta l_{rot} = \sqrt{2} \Delta l$
- C.  $\Delta l_{rot} = \Delta l / \sqrt{2}$
- D.  $\Delta l_{rot} = 2 \Delta l$



Quiz précédent on a trouvé que:  $\phi = 45^\circ$  et que

$$-k\Delta l_{rot} \sin\phi = -m\rho\dot{\phi}^2 = -mR\frac{g}{R} = -mg \quad \Rightarrow \quad \Delta l_{rot} = \frac{mg}{k\sin\phi}$$

$$\Rightarrow \quad \Delta l_{rot} = \frac{k\Delta l}{k\sin\phi} = \frac{\Delta l}{\sin 45^\circ} = \sqrt{2}\Delta l$$

On sait aussi que:  $mg = k\Delta l$